

**开来中学 2018-2019 年度第二学期高二期末  
数学试卷（文科）**

学校：\_\_\_\_\_ 姓名：\_\_\_\_\_ 班级：\_\_\_\_\_ 考号：\_\_\_\_\_

**一、选择题(每题 5 分，共 60 分)**

1. 已知集合  $A = \{x | -1 < x < 2\}$ ,  $B = \{x | 0 < x < 3\}$ , 则  $A \cup B =$  ( )  
A.  $(-1, 3)$     B.  $(-1, 0)$     C.  $(0, 2)$     D.  $(2, 3)$
2. 已知集合  $A = \{-2, -1, 0, 1, 2\}$ ,  $B = \{x | (x-1)(x+2) < 0\}$  则  $A \cap B =$  ( )  
A.  $\{-1, 0\}$     B.  $\{0, 1\}$     C.  $\{-1, 0, 1\}$     D.  $\{0, 1, 2\}$
3. 已知  $a \in \mathbb{R}$ , 则“ $a > 2$ ”是“ $a^2 > 2a$ ”的( )  
A. 充分不必要条件    B. 必要不充分条件  
C. 充要条件    D. 既不充分也不必要条件
4. 下列命题中的假命题是( )  
A.  $\exists x_0 \in \mathbb{R}, \lg x_0 = 0$     B.  $\exists x_0 \in \mathbb{R}, \tan x_0 = 1$   
C.  $\forall x \in \mathbb{R}, x^3 > 0$     D.  $\forall x \in \mathbb{R}, 2^x > 0$
5. 设命题  $p: \forall x \in \mathbb{R}, e^x > x$ , 则  $\neg p$  是( )  
A.  $\forall x \in \mathbb{R}, e^x \leq x$     B.  $\exists x_0 \in \mathbb{R}, e^{x_0} < x_0$   
C.  $\forall x \in \mathbb{R}, e^x < x$     D.  $\exists x_0 \in \mathbb{R}, e^{x_0} \leq x_0$
6. 命题“若  $p$  则  $q$ ”的逆命题是( )  
A. 若  $q$ , 则  $p$     B. 若  $\neg p$ , 则  $\neg q$   
C. 若  $\neg q$ , 则  $\neg p$     D. 若  $p$ , 则  $\neg q$
7. 下列函数中, 定义域是  $\mathbb{R}$  的是( )  
A.  $y = x^{-2}$     B.  $y = x^{\frac{1}{2}}$     C.  $y = x^2$     D.  $y = x^{-1}$
8. 已知二次函数的图象顶点为  $(2, -1)$ , 且过点  $(3, 1)$ , 则函数的解析式为( )  
A.  $y = 2(x-2)^2 - 1$     B.  $y = 2(x+2)^2 - 1$   
C.  $y = 2(x+2)^2 + 1$     D.  $y = 2(x-2)^2 + 1$
9. 若函数  $y = f(x), x \in \mathbb{R}$  是奇函数, 且  $f(1) < f(2)$ , 则必有( )  
A.  $f(-1) < f(-2)$     B.  $f(-1) > f(-2)$   
C.  $f(-1) = f(-2)$     D. 不确定
10. 函数  $y = \sqrt{x+2} + \sqrt{4-x}$  的定义域为( )

- A.  $\{x|x \leq -1\}$                       B.  $\{x|-2 \leq x \leq 4\}$   
C.  $\{x|x \leq -2 \text{ 或 } x \geq 4\}$             D.  $\{x \geq 4\}$

11. 已知函数  $f(x)$  为奇函数，且当  $x > 0$  时， $f(x) = x^2 + \frac{1}{x}$ ，则  $f(-1) = ( \quad )$

- A. -2        B. 0        C. 1        D. 2

12. 函数  $y = \sqrt{x^2 + 2x - 3}$  的单调递减区间为 (        )

- A.  $(-\infty, -3]$                       B.  $(-\infty, -1]$                       C.  $[1, +\infty)$                       D.  $[-3, -1]$

## 二、填空题 (每题 5 分, 共 20 分)

13. 设函数  $f(x)$  在  $(0, 2)$  上是增函数，函数  $f(x+2)$  是偶函数，则  $f(1), f(\frac{5}{2}), f(\frac{7}{2})$  的大小关系是\_\_\_\_\_.

14. 函数  $f(x) = x^3 - 16x$  的零点为\_\_\_\_\_.

15. 已知  $f(x)$  是一次函数，且其图象过点  $A(-2, 0), B(1, 5)$  两点，则  $f(x) =$ \_\_\_\_\_.

16. 已知  $f\left(x - \frac{1}{x}\right) = x^2 + \frac{1}{x^2}$ ，则  $f(3) =$ \_\_\_\_\_.

## 三、解答题

17. (10 分) 已知  $f(x+1) = x^2 - 3x + 2$ ，求  $f(x)$ .

18. (12 分) 已知函数  $f(x) = \log_3 \frac{1+x}{1-x}$ ，试判断函数  $f(x)$  的奇偶性.

19. (12 分) 计算： $\log_2 25 \cdot \log_3 2\sqrt{2} \cdot \log_5 9$ .

20. (12 分) 函数  $f(x) = (m^2 - 3m + 3)x^{m+2}$  是幂函数，且函数  $f(x)$  为偶函数，求  $m$  的值.

21. (12 分) 求函数  $f(x) = x^4 - 4x^3 + 5$  的极值.

22. (12 分) 已知抛物线  $y = ax^2$  在  $x = 1$  处的切线的斜率是 2.

1. 求该抛物线方程:

2. 求过点  $(1, -3)$  的该抛物线的切线方程.

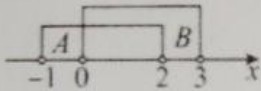
## 参考答案 (高 = 子数)

### 一、选择题

1. 答案: A

解析: 将集合  $A$  与  $B$  在数轴上画出(如图), 由图可知  $A \cap B = (-1, 3)$ .

故选 A



2. 答案: A

解析: 由题意知  $B = \{x | -2 < x < 1\}$ , 所以  $A \cap B = \{-1, 0\}$ , 故选 A.

答案: A

解析:  $\because$  当 “ $a > 2$ ” 成立时,  $a^2 - 2a = a(a-2) > 0$

$\therefore$  “ $a^2 > 2a$ ” 成立

即 “ $a > 2$ ”  $\Rightarrow$  “ $a^2 > 2a$ ” 为真命题;

而当 “ $a^2 > 2a$ ” 成立时,  $a^2 - 2a = a(a-2) > 0$  即  $a > 2$  或  $a < 0$

$\therefore a > 2$  不一定成立

即 “ $a^2 > 2a$ ”  $\Rightarrow$  “ $a > 2$ ” 为假命题;

故 “ $a > 2$ ” 是 “ $a^2 > 2a$ ” 的充分非必要条件

故选 A

4. 答案: C

解析:

5. 答案: D

解析:

6. 答案: A

解析: 原命题的逆命题是交换原命题的条件和结论, 故选 A.

7. 答案: C

解析: 函数  $y = x^{-2}$ ,  $y = x^{-1}$  的定义域为  $\{x | x \in \mathbb{R}, x \neq 0\}$ , 函数  $y = x^{\frac{1}{2}}$  的定义域为  $\{x | x \geq 0\}$ , 函数  $y = x^2$  的定义域为  $\mathbb{R}$ . 故选 C

8. 答案: A

解析:

9. 答案: B

解析:

10. 答案: B

解析: 要使函数有意义, 需  $\begin{cases} 2+x \geq 0 \\ 4-x \geq 0 \end{cases}$  解得  $-2 \leq x \leq 4$

11. 答案: A

解析: 因为函数  $f(x)$  为奇函数, 所以  $f(-1) = -f(1) = -(1+1) = -2$ .

12. 答案: A

解析: 函数  $y = \sqrt{x^2 + 2x - 3}$  的定义域为  $(-\infty, -3] \cup [1, +\infty)$ , 由于  $y = \sqrt{u}$  在  $[0, +\infty)$  上是增函数, 由复合函数单调性知单调递减区间为  $(-\infty, -3]$

## 二、填空题

13. 答案:  $f(\frac{5}{2}) > f(1) > f(\frac{7}{2})$

解析:

14. 答案:  $-4, 0, 4$

解析:  $f(x) = x^3 - 16x = 0, \therefore x(x^2 - 16) = 0,$

$\therefore x = 0$  或  $x^2 = 16, \therefore x = 0$  或  $x = -4$  或  $x = 4.$

故零点为  $-4, 0, 4$

15. 答案:  $\frac{5}{3}x + \frac{10}{3}$

解析: 据题意设  $f(x) = ax + b (a \neq 0),$

又图象过点  $A(-2, 0), B(1, 5).$

所以  $a = \begin{cases} -2a + b = 0 \\ a + b = 5 \end{cases}$  解得  $a = \frac{5}{3}, b = \frac{10}{3}$

所以  $f(x) = \frac{5}{3}x + \frac{10}{3}$

答案:  $\frac{5}{3}x + \frac{10}{3}$

16. 答案: 11

解析:  $\because f\left(x - \frac{1}{x}\right) = x^2 + \frac{1}{x^2} = \left(x - \frac{1}{x}\right)^2 + 2$

$\therefore f(x) = x^2 + 2 \therefore f(3) = 3^2 + 2 = 11.$

## 三、解答题

17. 答案:  $\because f(x+1) = x^2 - 3x + 2$

$= (x+1)^2 - 5x + 1$

$= (x+1)^2 - 5(x+1) + 6$

$\therefore f(x) = x^2 - 5x + 6.$

解析:

18. 答案: 函数的定义域为  $(-1, 1),$

$f(-x) = \log_3 \frac{1-x}{1+x} = \log_3 \left(\frac{1+x}{1-x}\right)^{-1} = -\log_3 \frac{1-x}{1+x} = -f(x)$

$\therefore f(x)$  奇函数

解析:

19. 答案: 原式  $= 2\log_3 5 \times \frac{3}{2}\log_3 2 \times 2\log_3 3 = 6 \times \frac{\lg 5}{\lg 2} \times \frac{\lg 2}{\lg 3} \times \frac{\lg 3}{\lg 5} = 6.$

解析:

20. 答案:

因为  $f(x) = (m^2 - 3m + 3)x^{m+2}$  是幂函数,

所以  $m^2 - 3m + 3 = 1, \text{ 即 } m^2 - 3m + 2 = 0.$

所以  $m=1$ , 或  $m=2$ .

当  $m=1$  时,  $f(x)=x^3$  为奇函数, 不符合题意.

当  $m=2$  时,  $f(x)=x^4$  为偶函数, 满足题目要求.

所以  $m=2$ .

解析:

21. 答案: 因为  $f(x)=x^4-4x^3+5$ ,

所以  $f'(x)=4x^3-12x^2=4x^2(x-3)$ .

令  $f'(x)=4x^2(x-3)=0$ , 得  $x_1=x_2=0, x_3=3$ .

当  $x$  变化时,  $f'(x)$  与  $f(x)$  的变化情况如表

$x$	$(-\infty, 0)$	0	$(0, 3)$	3	$(3, +\infty)$
$f'(x)$	-	0	-	0	+
$f(x)$	单调递减	不是极值	单调递减	极小值	单调递增

故当  $x=3$ ,  $f(x)$  取得极小值, 且  $f(3)=-22$ .

解析:

22. 答案: 1. 解:  $\because y=ax^2, \therefore y'=2ax, \therefore$  抛物线在  $x=1$  处的切线是  $2a, \therefore 2a=2$ .

$\therefore a=1$ , 故该抛物线方程为  $y=x^2$ .

2.  $\because$  点  $(1, -3)$  不在抛物线  $y=x^2$  上,  $\therefore$  设切点坐标为  $(x_0, x_0^2)$ ,  $\because y'=2x, \therefore$  切线的斜率为  $2x_0, \therefore$  切线方程为  $y-x_0^2=2x_0(x-x_0)$ . 又  $\because$  点  $(1, -3)$  在切线上,  $\therefore -3-x_0^2=2x_0(1-x_0)$ . 解得  $x_0=-1$  或  $x_0=3$ .  $\therefore$  过点  $(1, -3)$  的该抛物线切线方程为  $y-1=-2(x+1)$  或  $y-9=6(x-3)$ , 即  $2x+y+1=0$  或  $6x-y-9=0$ .

解析: