

# 2018~2019 上党联盟高二下学期期末联合考试 数学(文科)

## 考生注意:

1. 本试卷分第 I 卷(选择题)和第 II 卷(非选择题)两部分,共 150 分,考试时间 120 分钟.
2. 请将各题答案填写在答题卡上.
3. 本试卷主要考试内容:高考必考内容.

## 第 I 卷

一、选择题:本大题共 12 小题,每小题 5 分,共 60 分,在每小题给出的四个选项中,只有一项是符合题目要求的.

1.  $\frac{i}{1-i} =$

- A.  $-\frac{3}{2} - \frac{1}{2}i$       B.  $\frac{1}{2} - \frac{1}{2}i$       C.  $-\frac{1}{2} + \frac{1}{2}i$       D.  $-\frac{1}{2} - \frac{3}{2}i$

2. 已知集合  $A = \{-2, -1, 0, 1\}$ ,  $B = \{x | x = |n|, n \in A\}$ , 则  $A \cap B =$

- A.  $\{0, 1\}$       B.  $\{0, 1, 2\}$       C.  $\{-1, 0, 1\}$       D.  $\{1\}$

3. 已知向量  $a = (2, -1)$ ,  $b = (m+1, 3m)$ , 若  $a \perp b$ , 则  $|b| =$

- A. 1      B.  $3\sqrt{5}$       C. 3      D. 7

4. 设  $x, y$  满足约束条件  $\begin{cases} y \geq 2x, \\ y \geq -x, \\ y \leq 2. \end{cases}$  则  $z = y - x$  的最大值是

- A. 6      B. 4      C. 3      D. 0

5. 具有线性相关关系的变量  $x, y$  的一组数据如下:

$x$	0	1	2	3
$y$	-5	-4.5	-4.2	-3.5

其线性回归直线方程为  $\hat{y} = \hat{b}x + \hat{a}$ , 则回归直线经过

- A. 第一、二、三象限      B. 第二、三、四象限  
C. 第一、二、四象限      D. 第一、三、四象限

6. 中心在原点, 焦点在  $y$  轴上的双曲线的一条渐近线经过点  $(-3, 6)$ , 则它的离心率为

- A.  $\frac{\sqrt{5}}{2}$       B.  $\sqrt{5}$       C.  $\frac{\sqrt{6}}{2}$       D.  $\sqrt{6}$

7. 若  $a = 9^{-\frac{1}{2}}$ ,  $b = \log_3 5$ ,  $c = \log_4 \sqrt{5}$ , 则  $a, b, c$  的大小关系是

- A.  $a < b < c$       B.  $a < c < b$       C.  $c < a < b$       D.  $b < a < c$

8. 已知  $E, F, G, H$  分别为四面体  $ABCD$  的棱  $AB, BC, DA, CD$  上的点, 且  $AE = EB, BF = FC, CH = 2HD, AG = 2GD$ , 则下列说法错误的是

- A.  $AC \parallel$  平面  $EFH$       B.  $EF \parallel GH$   
C. 直线  $EG, FH, BD$  相交于同一点      D.  $BD \parallel$  平面  $EFG$

考号

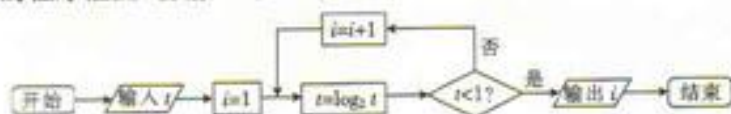
姓名

班级

学校

题  
答  
要  
不  
内  
线  
封  
密

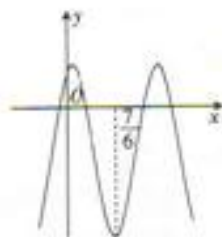
9. 执行如图所示的程序框图,若输入的  $t$  的值为 8,则输出的  $i$  =



- A. 3                      B. 4                      C. 5                      D. 6

10. 已知函数  $f(x) = 2\sin(\omega x + \frac{\pi}{3}) - 1$  ( $0 < \omega < 2\pi$ ) 的部分图象如图所示,则下列判断正确的是

- A. 直线  $x = \frac{\pi}{6}$  是函数  $y = f(x)$  图象的一条对称轴  
 B. 函数  $y = f(x)$  图象的对称中心是  $(-\frac{1}{3} + k, 0), k \in \mathbb{Z}$   
 C.  $f(\frac{13}{6}) = 1$   
 D. 函数  $y = f(x)$  的最小正周期为  $\pi$



11. 若存在  $x \in (1, +\infty)$  使得  $a + \ln x < 3^{-x}$  成立,则  $a$  的取值范围为

- A.  $(-\infty, \frac{1}{3})$               B.  $(-\infty, \frac{1}{3}]$               C.  $(1, +\infty)$               D.  $[1, +\infty)$

12. 已知抛物线  $C: y^2 = 2px$  ( $p > 0$ ) 的焦点为  $F$ ,准线与坐标轴交于点  $M$ ,  $P$  是抛物线  $C$  上的一点,且  $\angle PFM$  为钝角,若  $|PM| = \sqrt{23}$ ,  $|PF| = 4$ ,则  $\triangle PMF$  的面积是

- A.  $3\sqrt{6}$                       B.  $3\sqrt{7}$                       C.  $\frac{3\sqrt{3}}{2}$                       D.  $\frac{\sqrt{7}}{2}$

## 第 II 卷

二、填空题:本大题共 4 小题,每小题 5 分,共 20 分. 把答案填在答题卡中的横线上.

13. 曲线  $y = 2e^x + 1$  在点  $(0, 3)$  处的切线方程为         .

14. 已知  $\tan(\alpha + \frac{\pi}{3}) = -3\sqrt{3}$ , 则  $\tan \alpha =$          .

15. 已知等差数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和为  $S_n$ ,  $S_7 = 4a_6 = 28$ , 则  $a_9 =$          .

16. 在正方体  $ABCD-A_1B_1C_1D_1$  中,  $E$  为棱  $CD$  上一点, 且  $CE = 2DE$ ,  $F$  为棱  $AA_1$  的中点, 且平面  $BEF$  与  $DD_1$  交于点  $G$ , 则  $B_1G$  与平面  $ABCD$  所成角的正切值为         .

三、解答题:本大题共 5 小题,共 70 分. 解答应写出文字说明、证明过程或演算步骤.

17. (10 分)

在  $\triangle ABC$  中, 内角  $A, B, C$  的对边分别为  $a, b, c$ ,  $(a-b+c)(\sin A + \sin B - \sin C) = b \sin C$ .

(1) 求  $A$ ;

(2) 若  $A+B=C, b=1$ , 求  $\triangle ABC$  的周长.

18. (12分)

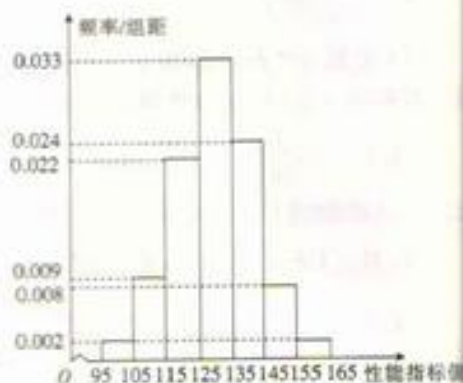
已知  $S_n$  是数列  $\{a_n\}$  的前  $n$  项和,  $a_1=2, a_2=3$ , 数列  $\{a_n-4\}$  是等比数列.

- (1) 求数列  $\{a_n\}$  的通项公式;
- (2) 证明:  $a_n, 2n, S_n$  成等差数列.

19. (12分)

从某工厂生产的某种零件中抽取 1000 个, 检测这些零件的性能指标值, 由检测结果得到如图所示的频率分布直方图.

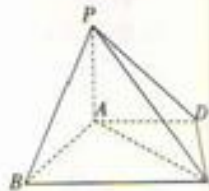
- (1) 求这 1000 个零件的性能指标值的样本平均数  $\bar{x}$  和样本方差  $s^2$  (同一组中的数据用该组区间的中点值作代表);
- (2) 在性能指标值落在区间  $[115, 125), [125, 135), [135, 145)$  的三组零件中, 用分层抽样的方法抽取 158 个零件, 则性能指标值在  $[125, 135)$  的零件应抽取多少个?



20. (12分)

已知  $PA \perp$  平面  $ABCD$ , 四边形  $ABCD$  为等腰梯形,  $AD \parallel BC, BC=2AB=2AD=2PA=4$ .

- (1) 证明: 平面  $PAC \perp$  平面  $PAB$ .
- (2) 求  $A$  到平面  $PBC$  的距离.



21. (12分)

已知椭圆  $C: \frac{x^2}{a^2} + \frac{y^2}{b^2} = 1 (a > b > 0)$  的离心率  $e = \frac{\sqrt{3}}{2}$ , 且圆  $x^2 + y^2 = 2$  过椭圆  $C$  的上、下顶点.

(1) 求椭圆  $C$  的方程;

(2) 若直线  $l$  的斜率为  $\frac{1}{2}$ , 且直线  $l$  与椭圆  $C$  相交于  $P, Q$  两点, 点  $P$  关于原点的对称点为  $E$ , 点

$A(-2, 1)$  是椭圆  $C$  上一点, 若直线  $AE$  与  $AQ$  的斜率分别为  $k_{AE}, k_{AQ}$ , 证明:  $k_{AE} + k_{AQ} = 0$ .

22. (12分)

已知函数  $f(x) = 2x^2 - t \ln x$ .

(1) 讨论函数  $f(x)$  的单调性;

(2) 已知  $t > 0$  且关于  $x$  的方程  $f(x) = tx$  只有一个实数解, 求  $t$  的值.