

兰州五十一中 2018~2019 年度第二学期第一次月考试卷

高一学科 (数学)

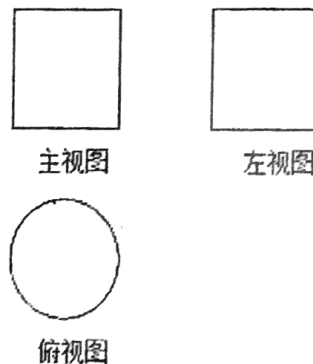
命题人: 张璟琨 审题人: 魏春兰

第 I 卷 (选择题, 共 44 分)

一、选择题: (本大题共 10 小题, 每小题 4 分, 共 40 分。)

1. 如图所示, 一个空间几何体的主视图和左视图都是边长为 1 的正方形, 俯视图是一个直径为 1 的圆, 那么这个几何体的表面积为 ( )

- A.  $\frac{3}{2}\pi$     B.  $2\pi$     C.  $3\pi$     D.  $4\pi$



(第 1 题图)

2. 下列命题中正确的个数为 ( )

- ①两个有共同始点且相等的向量, 其终点可能不同;  
 ②若非零向量  $\vec{AB}$  与  $\vec{CD}$  共线, 则 A、B、C、D 四点共线;  
 ③若非零向量  $\vec{a}$  与  $\vec{b}$  共线, 则  $\vec{a} = \vec{b}$ ;  
 ④四边形 ABCD 是平行四边形, 则必有  $|\vec{AB}| = |\vec{CD}|$ ;  
 ⑤  $\vec{a} \parallel \vec{b}$ , 则  $\vec{a}$ 、 $\vec{b}$  方向相同或相反

- A. 0 个    B. 1 个    C. 2 个    D. 3 个

③ 若向量  $\vec{a} = (1, 1)$ ,  $\vec{b} = (2, 5)$ ,  $\vec{c} = (3, x)$  满足条件  $(8\vec{a} - \vec{b}) \cdot \vec{c} = 30$ , 则  $x = ( )$

- A. 6    B. 5    C. 4    D. 3

4. 设平面向量  $\vec{a} = (1, 2)$ ,  $\vec{b} = (-2, y)$ , 若  $\vec{a} \parallel \vec{b}$ , 则  $|2\vec{a} - \vec{b}| = ( )$

- A. 4    B. 5    C.  $3\sqrt{5}$     D.  $4\sqrt{5}$

5. 设点 D 为  $\triangle ABC$  中 BC 边上的中点, O 为 AD 边上靠近点 A 的三等分点, 则 ( )

A.  $\vec{BO} = -\frac{1}{6}\vec{AB} + \frac{1}{2}\vec{AC}$     B.  $\vec{BO} = -\frac{5}{6}\vec{AB} + \frac{1}{6}\vec{AC}$

C.  $\vec{BO} = \frac{5}{6}\vec{AB} - \frac{1}{6}\vec{AC}$     D.  $\vec{BO} = \frac{1}{6}\vec{AB} - \frac{1}{2}\vec{AC}$

⑥ 已知点 A (2, 2), B (6, -1), 则与向量  $\vec{AB}$  同向的单位向量为 ( )

- A.  $(\frac{4}{5}, -\frac{3}{5})$     B.  $(\frac{3}{5}, -\frac{4}{5})$     C.  $(-\frac{4}{5}, \frac{3}{5})$     D.  $(-\frac{3}{5}, \frac{4}{5})$

7. 如果一个水平放置的平面图形的斜二测直观图是一个底角为  $45^\circ$ , 腰和上底均为 1 的等腰梯形, 那么原平面图形的面积是 ( )。

- A.  $2+\sqrt{2}$     B.  $\frac{1+\sqrt{2}}{2}$     C.  $\frac{2+\sqrt{2}}{2}$     D.  $1+\sqrt{2}$

8. 点  $P$  是  $\triangle ABC$  所在平面上一点, 满足  $|\overrightarrow{PB} - \overrightarrow{PC}| - |\overrightarrow{PB} + \overrightarrow{PC} - 2\overrightarrow{PA}| = 0$ , 则  $\triangle ABC$  的形状是

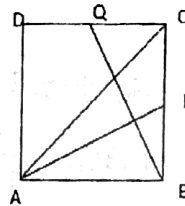
- A. 等腰直角三角形    B. 直角三角形  
C. 等腰三角形    D. 等边三角形

9. 设平面向量  $\overline{a}_i (i=1,2,3)$  满足  $|\overline{a}_i| = 1$ , 且  $\overline{a}_1 \cdot \overline{a}_2 = 0$ , 则  $|\overline{a}_1 + \overline{a}_2 + \overline{a}_3|$  的最大值为

- A. 2    B. 3    C.  $\sqrt{2}+1$     D.  $\sqrt{3}+\sqrt{2}$

10. 如图, 边长为 2 的正方形  $ABCD$  中,  $P, Q$  分别是边  $BC, CD$  的中点, 若  $\overline{AC} = x\overline{AP} + y\overline{AQ}$ , 则  $x =$

- A. 2    B.  $\frac{8}{3}$     C.  $\frac{6}{5}$     D.  $\frac{12}{25}$



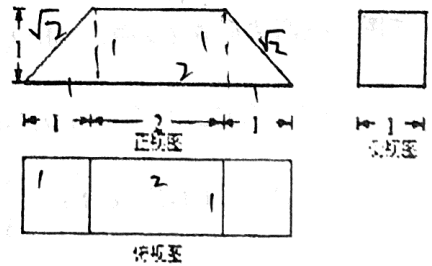
第 II 卷 (非选择题, 共 56 分)

二、填空题 (本大题共 4 小题, 每小题 4 分, 共 16 分。)

11. 若两球的表面积之比是 2:3, 则它们的体积之比是\_\_\_\_\_。  
12. 若圆锥的侧面展开图是半径为 4 的半圆, 则此圆锥的体积为\_\_\_\_\_。

13. 某几何体的三视图如图所示, 体积等于\_\_\_\_\_。

14. 在  $\triangle ABC$  中, 点  $G$  满足  $\overline{GA} + \overline{GB} + \overline{GC} = \vec{0}$ . 若存在点  $O$ , 使得  $\overline{OG} = \lambda \overline{BC} (\lambda > 0)$ , 且  $\overline{OA} = m\overline{OB} + n\overline{OC} (mn > 0)$ , 则  $\lambda$  的取值范围是\_\_\_\_\_。

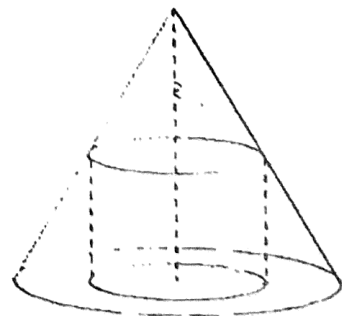


(第 13 题图)

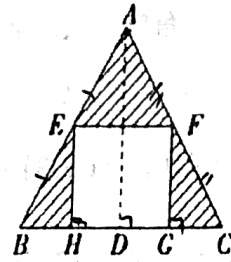
三、简答题 (本大题共 4 小题, 共 44 分。)

15. 如图一个圆锥的底面半径为 1, 高为 3, 在圆锥中有一个半径为  $x$  的内接圆柱

- (1) 试用  $x$  表示圆柱的高  $h$   
(2) 当  $x$  为何值时, 圆柱的全面积最大, 最大全面积为多少



16. 如图所示, 在边长为 8 的正三角形  $ABC$  中,  $E, F$  依次是  $AB, AC$  的中点,  $AD \perp BC, EH \perp BC, FG \perp BC$ ,  $D, H, G$  为垂足, 若将  $\triangle ABC$  绕  $AD$  旋转  $180^\circ$ , 求阴影部分形成的几何体的表面积与体积.



17. 已知点  $A$  在平面直角坐标系中的坐标为  $(1,1)$ , 平面向量  $\vec{a} = (1, -2), \vec{b} = (4, m), \vec{c} = (\frac{1}{2}, n)$  且  $\vec{a} \perp \vec{b}, \vec{a} \parallel \vec{c}$ ,

$\vec{AB} = (m, n)$ .

(1) 求实数  $m, n$  及点  $B$  的坐标;

(2) 求向量  $\vec{AB}$  与向量  $\vec{a}$  夹角的余弦值.

18. 如图, 在四边形  $ABCD$  中,  $AD=2, AB=1$ .

(1) 若  $\triangle ABC$  为等边三角形,  $AD \parallel BC$ ,  $E$  是  $CD$  的中点, 求  $\vec{AE} \cdot \vec{BD}$

(2) 若  $AC = AB, \cos \angle CAB = \frac{3}{5}, \vec{AC} \cdot \vec{BD} = \frac{4}{5}$ , 求  $|\vec{DC}|$

